

1. 略.

2. (1) 略.

(2) 低熱源  $T_2$  から取り出す熱は

$$Q_2 = 320 \times 5 = 1.6 \times 10^3 \text{ J/s}$$

よって高熱源  $T_1$  に放出する熱は

$$Q_1 = \frac{T_1}{T_2} Q_2 = \frac{303}{273} \times 1.6 \times 10^3 = 1.78 \times 10^3 \text{ J/s}$$

(3)  $Q_1 - Q_2 = 0.18 \text{ kW}$ .

3.

内壁が動いても, 外界に仕事はしない. 外界との熱の出入りもない. よって, 第一法則から  $\Delta U = 0$  である. よって, 気体 1, 2 の定積熱容量を  $C_1, C_2$  とすると,

$$C_1 T + C_2 T = C_1 T_f + C_2 T_f$$

により  $T_f = T$ . 特に, 気体 1, 2 が単原子理想気体でも 2 原子理想気体でも  $C_1, C_2$  の値が異なるだけで  $\Delta U = 0$  である. 気体 1, 2 のモル数を  $N_1, N_2$  とすると,

$$6PV = N_1 RT, \quad PV = N_2 RT. \quad \therefore P_f = (N_1 + N_2) \frac{RT}{3V} = \frac{P}{3} \left( 1 + \frac{N_1}{N_2} \right) = \frac{7}{3} P.$$

気体 1, 2 のエントロピー  $S_{1,2}$  は  $S_i = C_i \log T + N_i R \log V + \text{定数}$  なので

$$\Delta S = \Delta S_1 + \Delta S_2 = N_1 R \log \frac{V_1}{2V} + N_2 R \log \frac{V_2}{V}.$$

これは  $C_1, C_2$  に依らないので, 気体 1 が単原子理想気体でも同じである. 体積は

$$V_1 + V_2 = 3V, \quad \frac{V_1}{V_2} = \frac{N_1}{N_2} = 6 \rightarrow V_1 = \frac{18}{7} V, \quad V_2 = \frac{3}{7} V$$

よって

$$\Delta S = N_1 R \log \frac{9}{7} + N_2 R \log \frac{3}{7} = \frac{6PV}{T} \log \frac{9}{7} + \frac{PV}{T} \log \frac{3}{7} = \frac{PV}{T} \log \frac{3^{13}}{7^7} \left( \simeq 0.66 \frac{PV}{T} \right).$$

最大仕事の原理から, 可逆過程のとき.

$$W = -\Delta F = T \Delta S = PV \log \frac{3^{13}}{7^7}$$

実現するには, 準静的等温膨張させればよく,

$$\int_{2V}^{V_1} \frac{N_1 RT}{v} dv + \int_V^{V_2} \frac{N_2 RT}{v} dv = N_1 RT \log \frac{V_1}{2V} + N_2 RT \log \frac{V_2}{V}$$

として求めてもよい. これは  $T \Delta S$  に等しい. 但し, この最後の問いは, 問題文の状況設定が幾通りかに解釈される可能性があったので, 全員満点とする.

4. (1)  $C_P = T \left( \frac{\partial S}{\partial T} \right)_P = \left( \frac{\partial H}{\partial T} \right)_P$ .

(2)

$$\log \frac{V}{V_0} = 3 \log \frac{T}{T_0}. \quad \therefore \text{終状態の温度は } T_1 = 2T_0$$

(3)

$$Q = C_P(T_1 - T_0) = C_P(2T_0 - T_0) = 2RT_0, \\ \Delta U = Q - P_0(8V_0 - V_0) = 2RT_0 - 7P_0V_0.$$

$$\Delta S = \int_{T_0}^{T_1} \frac{C_P dT}{T} = C_P \log \frac{T_1}{T_0} = 2R \log 2.$$

または

$$\left( \frac{\partial S}{\partial V} \right)_P = \left( \frac{\partial S}{\partial T} \right)_P / \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_P = \frac{C_P/T}{V\alpha} = \frac{2R/T}{3V/T} = \frac{2R}{3V}. \quad \therefore \Delta S = \int_{V_0}^{8V_0} \frac{2R dV}{3V} = 2R \log 2.$$